

8. Resultados de los ejercicios

■ Capítulo 2

Ejercicio 1.

- a) Marca D b) Marca B
c) Marcas B y F; marcas C y E
d) Marcas A y C. C es más pesada que A
e) Marca D (menor precio y mayor peso)

Ejercicio 2.

- a) No es función, hay puntos del dominio que no tienen imágenes.
b) No es función, hay puntos del dominio que tienen dos imágenes.
c) Es función. d) Es función.

Ejercicio 3.

- a) Es función.
b) No es función, hay puntos del dominio que tienen dos imágenes.

Ejercicio 4.

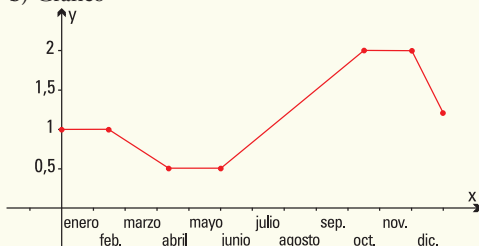
- a) $Dom(G) = \{\text{lunes, martes, miércoles, jueves, viernes}\}$
 $Img(G) = \{-20, 23, 32, 45, 80\}$
b) La imagen es 32\$ c) Del punto "jueves".
d) Que hubo pérdidas en el telecentro de \$20.
e) El día viernes.
f) Es creciente, ya que para todo $x \geq a$ puesto que con $G(x) \geq G(a)$ siempre que $x, a \in Dom(G)$.

Ejercicio 5.

- a) Tenía 50 litros. b) Tenía 70 litros.
c) Había recorrido 100 km y tenía 10 litros.
d) Consumió 150 litros.
e) Se quedó sin combustible y tuvo que cargar.

Ejercicio 6.

- a) $Dom(P) = \{x / x \text{ es un día del año}\}$
 $Img(P) = \{\$0,50, \$1,00, \$1,20, \$2,00\}$
b) Gráfico



- c) [1 de junio, 15 de octubre]
d) [15 de febrero, 10 de abril]; [30 de noviembre, 31 de diciembre]
e) La función fue constantemente igual a:
\$1,00 por kg en el intervalo [1 de enero, 14 de febrero];
\$0,50 por kg en el intervalo [11 de abril, 31 de mayo];
\$2,00 por kg en el intervalo [16 de octubre, 29 de noviembre].

Ejercicio 7. La función f se verifica que:

- a) $Dom f = \mathbb{R} - \{-2\}$ c) Corte con el eje $y: (0,6)$
b) $Img f = (-2, +\infty)$ d) $f(1) = 2$
e) $f(5) = 5$
f) Los valores de x con imagen igual a 0 son $x = -1$ y $x = -2,5$
g) Intervalo donde f es constante: $(3; +\infty)$
h) Intervalos donde f es creciente: $(-2; 0)$, $(1; 2)$ y $(2,5; 3)$

Ejercicio 8.

- a) $f(0) = 2$ b) $f(2) = 0,5$
c) $f(-1) = 4$ d) $f(2) + f(-2) = 2,5$
e) $f(-1) - f(1) = 3$ f) $f(4) \cdot f(0) = 0,2$
g) $f(1) \cdot f(-3) = 1$ h) $f(4) / f(-3) = 0,1$

Ejercicio 9.

- a) $f(0) = -4$ b) $f(2) = 0$
c) $f(-1) = -6$ d) $f(a+b) = 2(a+b) - 4$
e) $f(2) + f(-2) = -8$ f) $f(-1) - f(1) = -4$
g) $f(4) \cdot f(0) = -16$ h) $f(1) \cdot f(-3) = 20$
i) $f(4) / f(-3) = -0,4$ j) $f(a) + f(b) = 2a + 2b - 8$

Ejercicio 10.

- a) $g(1) = 2$ b) $g(2) = 2,5$
c) $g(-0,1) = -10,1$ d) No es posible, 0 no está en el dominio de g
e) $g(2) - g(-2) = 5$ g) $g(2) \cdot g(-1) = -5$
f) $g(-1) + g(1) = 0$ h) $g(-2) / g(2) = -1$
i) $g(1) \cdot g(-3) = -6,6$

Ejercicio 11.

t	-3	-1	0	1	1,5	2	4	6	10
f(t)	3	1	0	1	2,25	4	4	6	10

Ejercicio 12.

- a) \mathbb{R} b) \mathbb{R}
c) \mathbb{R} d) $\mathbb{R} - \{0\}$
e) $\mathbb{R} - \{5\}$ f) $\mathbb{R} - \{-4\}$
g) $\{m \in \mathbb{R} / m \geq -10\}$ h) $\{x \in \mathbb{R} / x \geq 0\}$

Ejercicio 13.

- a) $(f+g)(5) = 16$
 c) $(f \cdot g)(0) = -12$
 e) $(f/g)(1) = -3$
 g) $(f \cdot g)(x) = 2x^2 - 2x - 12$
- b) $(f-g)(2) = 9$
 d) $(f \cdot g)(3) = 0$
 f) $(f+g)(x) = 3x + 1$

Ejercicio 14.

- a) $(f+g)(1) = 2$
 c) No es posible
 e) $(f \cdot g)(2) = 2$
 g) No es posible
- b) $(f-g)(3) = 8,6$
 d) $(f \cdot g)(-1) = -1$
 f) $(f/g)(1) = 1$
- h) $(f+g)(z) = \frac{1}{z} + z^2 = z$ con $\text{Dom}(f+g) = \mathbb{R} - \{0\}$
 i) $(f \cdot g)(z) = \frac{1}{z} \cdot z^2 = z$ con $\text{Dom}(f \cdot g) = \mathbb{R} - \{0\}$

Notar que si bien la expresión final de la función producto es $(f \cdot g)(z) = z$, que se define para todo número real z , si quisiéramos calcular $(f \cdot g)(0)$, por definición de función producto, se debería realizar la multiplicación de $f(0)$ por $g(0)$, pero la función f no está definida para $z = 0$.

Ejercicio 15.

- a) $\text{Dom}(C) = \{p \in \mathbb{R} / 0 \leq p \leq \sqrt{3614} - 1\}$
 b) $C(50) = 1.013$
 c) $C(0) = 3.613$
 d) $C(60) = -107$, no se venden prendedores a dicho precio.

Ejercicio 16.

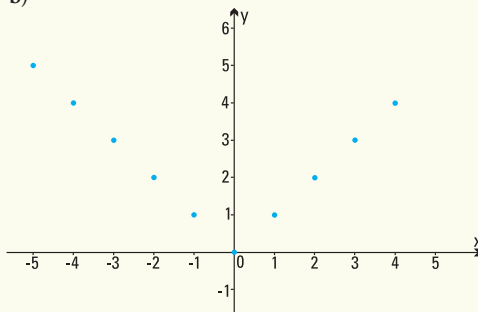
- a) $\text{Dom}(C) = \{p \in \mathbb{Z} / 0 \leq p \leq 30.000\}$
 b) $C(100) = 9.900$; $C(1.000) = 9.683,77$
 c) $C(30.000) = 8.267,94$

Ejercicio 17.

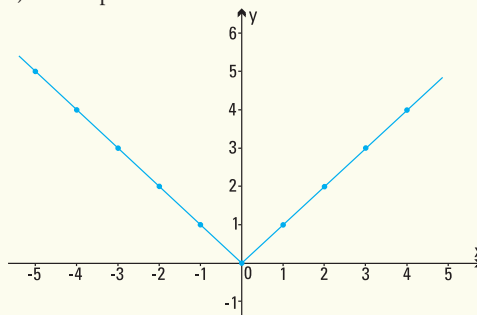
a)

x	-5	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
f(x)	5	4	3	2	1	0	1	2	3	4

b)



c) Se compara con una V



d) Al tratarse de la distancia de un número hasta el cero, el gráfico se ubica en el semiplano superior, donde $y > 0$.

Capítulo 3

Resultados de los modelos

- 1) 8.000 litros
 3) 5.000 litros/hora
 5) 3.680 kilómetros
- 2) 2 horas 48 minutos
 4) 4 horas 36 minutos

Resultados de los ejercicios

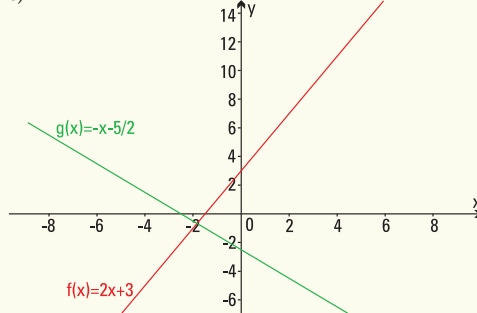
Ejercicio 1.

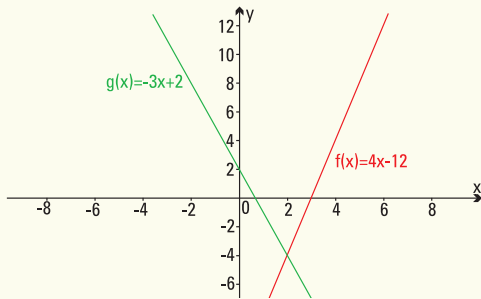
- a) Pendientes
 i) $a = 0$ ii) $a = 2$ iii) $a = 2$ iv) $a = 2$
- b) Ordenada al origen
 i) $b = 2$ ii) $b = 0$ iii) $b = 3$ iv) $b = -1$
- c) Son rectas paralelas.

Ejercicio 2.

- a) i) $y = 2x + 3$ ii) $y = -x - \frac{5}{2}$
 iii) $y = 4x - 12$ iv) $y = -3x + 2$
- b) Pendiente
 i) $a = 2$ ii) $a = -1$ iii) $a = 4$ iv) $a = -3$
- Ordenada al origen
 i) $b = 3$ ii) $b = -\frac{5}{2}$ iii) $b = -12$ iv) $b = 2$

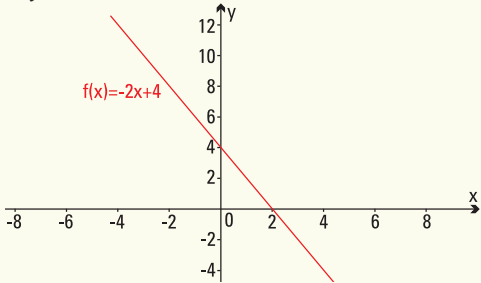
c)



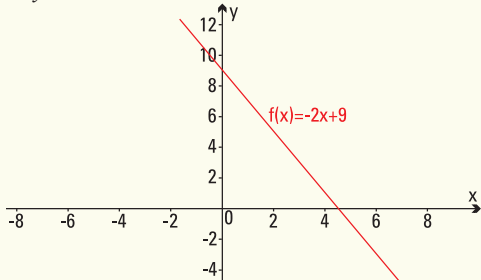


Ejercicio 3.

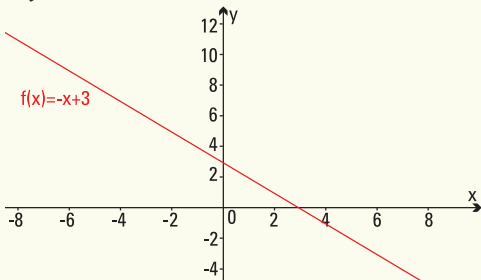
a) $y = -2x + 4$



b) $y = -2x + 9$



c) $y = -x + 3$



Ejercicio 4.

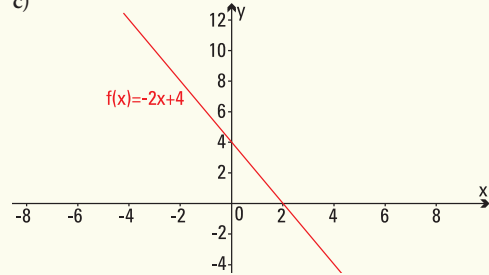
a) Pendiente $a = \frac{2}{3}$

b) $y = \frac{2}{3}x + \frac{7}{3}$

- c) El punto (3;2) no pertenece a la recta.
d) Puntos que pertenecen a la recta (1;3) y (3;13/3).

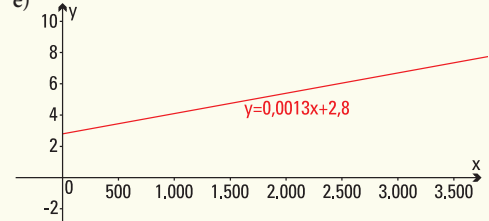
Ejercicio 5.

- a) Pendiente $a = -2$
b) $y = -2x + 4$
c)



Ejercicio 6.

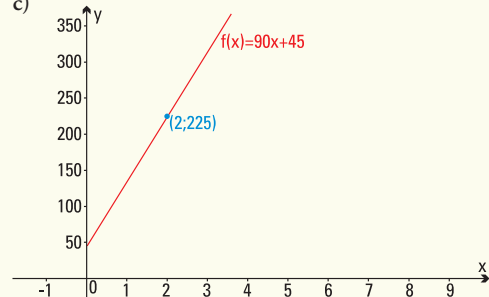
- a) $y = 0,0013x + 2,80$ con x medido en metros e y = costo
b) $a = 0,0013$ indica el costo cada 1m recorrido
c) $b = 2,80$ indica el costo de bajada de bandera
d) $y = 0,0011x + 2,20$
e)



f) Costo $y = 7,87$

Ejercicio 7.

- a) $f(x) = 90x + 45$ con x hora de trabajo y $f(x)$ precio por x horas de trabajo
b) $a = 90$ costo de 1 hora de trabajo; $b = 45$ costo fijo de diagnóstico
c)

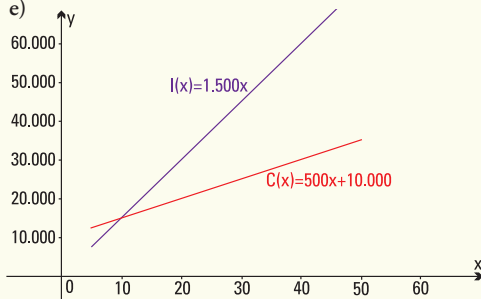


- d) $f(x) = 90x$
e) $f(x) = 70x + 45$

Ejercicio 8.

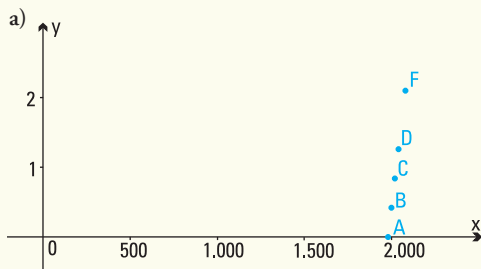
- a) $C(x) = 500x + 10.000$, $1 \leq x \leq 50$
b) $C(35) = \$27.500$

- c) $I(x) = 1.500x$
 d) $I(35) = \$52.500$
 e)

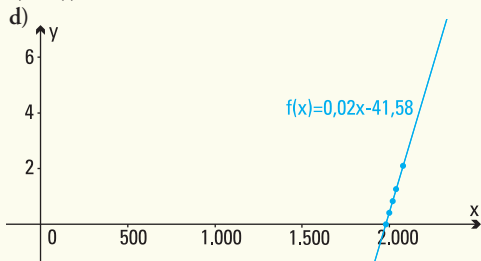


- f) Utilidad nula pues $I(10) - C(10) = 0$
 Utilidad negativa para 6 televisores:
 $I(6) - C(6) = -\$4.000$
 g) Utilidad para 50 televisores: $I(50) - C(50) = \$40.000$

Ejercicio 9.



- b) La gráfica que los relaciona es una línea recta.
 c) $A(t) = 0,021t - 41,58$



- e) $A(1980) = 0^\circ\text{C}$; $A(2000) = 0,42^\circ\text{C}$;
 $A(2020) = 0,84^\circ\text{C}$; $A(2040) = 1,26^\circ\text{C}$
 f) $A(2060) = 1,68^\circ\text{C}$; $A(2080) = 2,10^\circ\text{C}$
 g) $a = 0,021$ es el aumento anual de temperatura desde 1980
 h) $A(2010) = 0,63^\circ\text{C}$; $A(2030) = 1,05^\circ\text{C}$;
 $A(2110) = 2,73^\circ\text{C}$

Ejercicio 10.

- a) Función lineal que expresa el costo total $C(x)$ de fabricar x kg de dulce artesanal es:
 $C(x) = 7x + 8.500$
 b) $\text{Dom } C(x) = [0, +\infty)$ $\text{Img } C(x) = [8.500, +\infty)$

- c) Producir 10.000 kg de dulce cuesta: \$78.500
 d) Si los costos totales fueron de \$102.650 la producción fue de 13.450 kg de dulce.

Ejercicio 11.

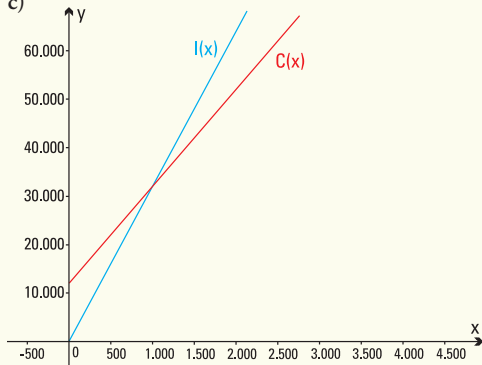
- a) Distancia $d(t) = -100t + 2.000$
 b) Pendiente: Distancia, en metros, recorrida por minutos. Ordenada al origen: distancia entre la casa de Pedro y la escuela.
 c) Sí, pues el tiempo máximo que le lleva el recorrido es de 20 minutos.

Ejercicio 12.

- a) Distancia $C(x) = 1,60x + 1$
 b) Pendiente: precio por litro de lavandina. Ordenada al origen: costo del envase.
 c) $C(3,5) = \$6,6$
 d) 2 litros.

Ejercicio 13.

- a) Costo $C(x) = 20x + 12.000$
 b) Ingreso $I(x) = 32x$
 c)



- d) Ganancia $G(x) = 12x - 12.000$
 e) Debe vender 1.000 remeras.

Ejercicio 14.

- a) La función debe utilizarse para $x \geq 40$
 b) Ordenada al origen: 5,88 y pendiente: 0,093
 c) $x = 278,71$ kWh

■ Capítulo 4

Resultados de los modelos.

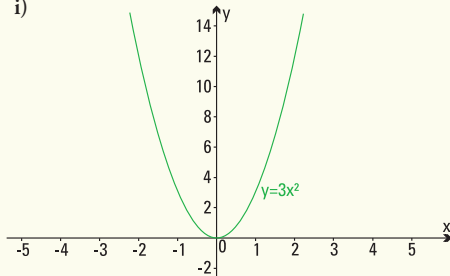
- 1) 11,024 metros.
 2) Mayor ganancia: rebaja a realizar de \$10. Ganancia de \$15.000 sin rebaja o realizando una de \$20.

Resultado de los ejercicios

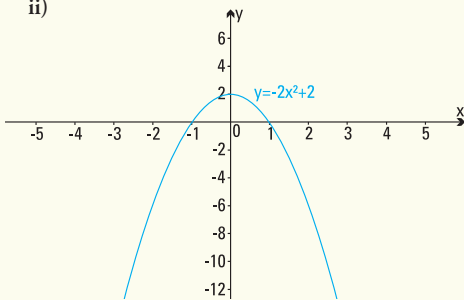
Ejercicio 1.

- a) i) $y = 0$ ii) $y = 2$ iii) $y = 0$
 iv) $y = 1$ v) $y = 1$ vi) $y = -4$
 b) i) (0;0) ii) (0;2) iii) (-2;-2)
 iv) (1;-1) v) (1;0) vi) (1;-3)
 c) i) $x = 0$ ii) $x_1 = -1, x_2 = 1$ iii) $x_1 = -4, x_2 = 0$
 iv) $x_1 = 0,293, x_2 = 1,707$ v) $x = 1$
 vi) No hay corte.

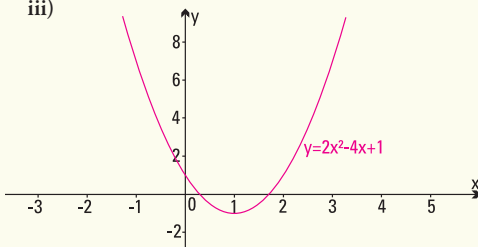
d) i)



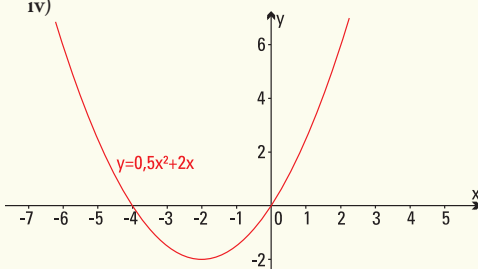
ii)



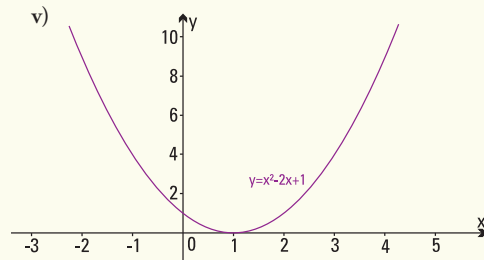
iii)



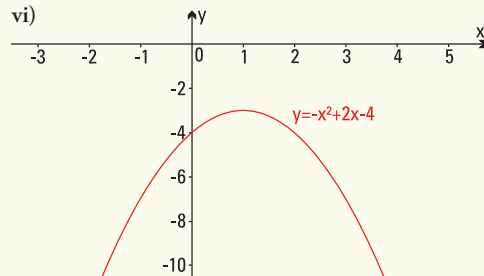
iv)



v)



vi)

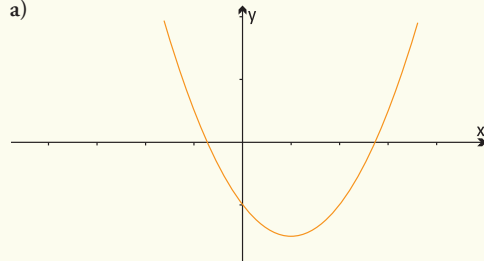


Ejercicio 2.

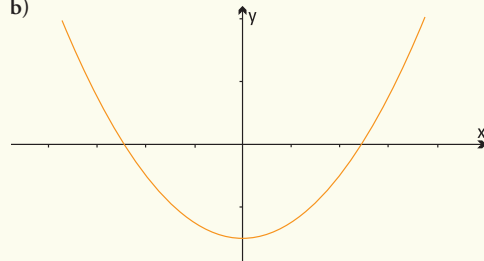
- a) $a > 0, b < 0, c = 0$ b) $a < 0, b = 0, c > 0$
 c) $a > 0, b < 0, c > 0$ d) $a > 0, b > 0, c > 0$

Ejercicio 3.

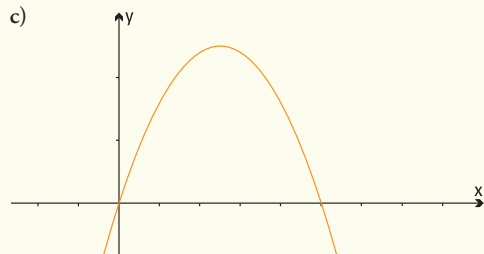
a)



b)

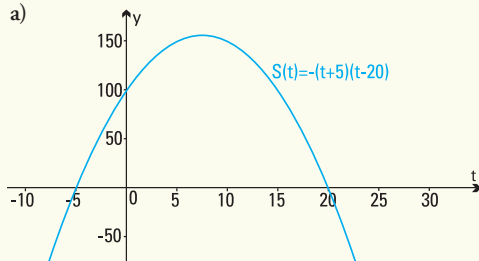


c)



Ejercicio 4.

a)



b) Dom $S = [-5 ; 20]$

c) En junio de 1997 el número de truchas fue máximo y alcanzó los 156 ejemplares.

d) A partir de 1997 se produjo el descenso.

e) En el año 2010.

Ejercicio 5.

a) A las 23 h se produce la máxima asistencia de clientes, que son 90.

b) Antes de las 21 h o después de la 1 h de la madrugada.

c) A partir de las 22 h.

Ejercicio 6.

a) En el segundo 0 la altura del salto es 0 m.

b) Alcanza 6 m.

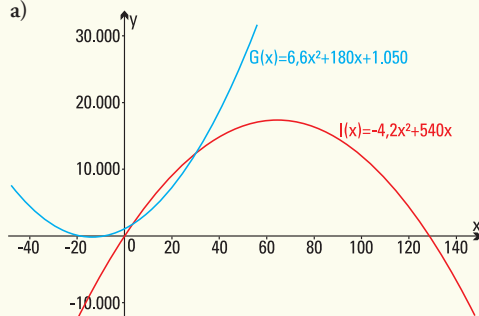
c) La altura máxima: 8 m, a los 2 segundos de comenzado el salto.

d) El ascenso duró 2 segundos.

e) Estuvo en el aire 4 segundos.

Ejercicio 7.

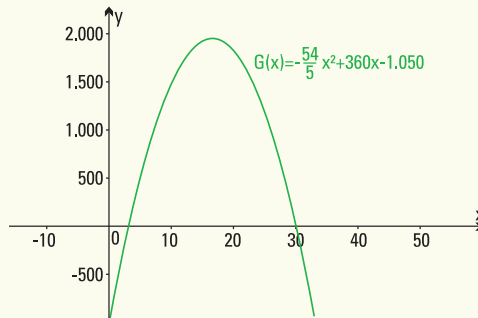
a)



b) Gastos fijos: \$1.050

c) Debe producir 147 unidades.

d) $B(x) = -\frac{54}{5}x^2 + 360x - 1.050$



e) Si se venden 17 unidades el beneficio será máximo

f) Máximo beneficio mensual \$1.948,8

g) Producir más de 30 unidades o menos de 3 unidades.

Ejercicio 8.

a) 467 accidentes.

b) 659 accidentes.

c) 45 años.

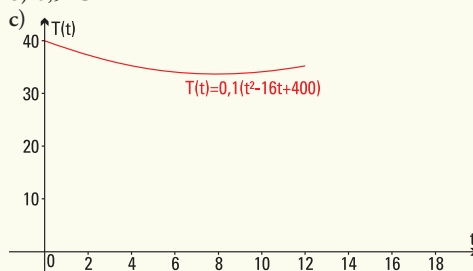
d) 125 accidentes.

Ejercicio 9.

a) Temperatura mínima: 8 h.

b) 0,9°C

c)



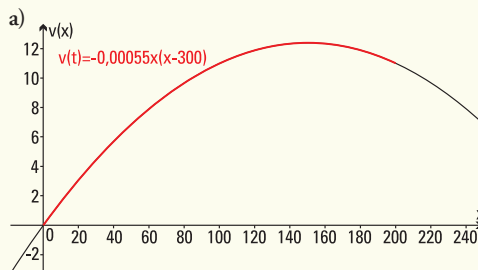
Ejercicio 10.

a) $a = \frac{-1}{16.650.000}$, $b = \frac{20}{333}$, y $c = 0$

b) 500.000 bacterias

Ejercicio 11.

a)



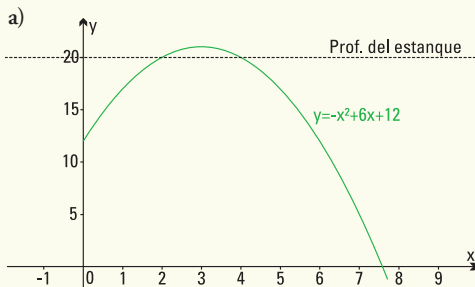
b) Distancia recorrida: 150 metros.

Máxima velocidad: 12,375 m/s

- c) Velocidad creciente entre el inicio y los 150 metros y decreciente hasta llegar a la meta.
d) Velocidad final 11 m/s

Ejercicio 12.

Un delfín toma impulso y salta por encima de la superficie de un estanque siguiendo una función $y = -x^2 + 6x + 12$ donde y es la distancia al fondo del mar (medido en metros) y x el tiempo empleado (medido en segundos).



- b) Sale a la superficie a los 2 segundos y vuelve a sumergirse a los 4 segundos.
c) A los 8 metros de profundidad.

Ejercicio 13.

- a) $y = 4x^2 + 32x$
b) Para 2 m de ancho se necesitarán 80 m² de losetas de lava volcánica.
c) Se deberá construir de 1,56 m como máximo.

Ejercicio 14.

- a) $f(x) = -16x^2 + 140x + 1.176$
b) Se deben realizar 4,375 disminuciones el a que deben colocarse las toallas para asegurar la mayor venta es de \$38,5.

■ Capítulo 5

Resultados de los modelos.

- 1) 11,024 metros.
2) Mayor ganancia: rebaja a realizar de \$10. Ganancia de \$15.000 sin rebaja o realizando una de \$20.

Resultado de los ejercicios

Ejercicio 1.

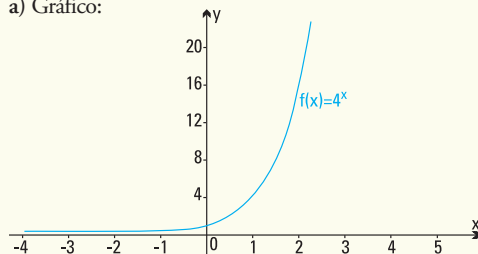
- a) $f(2) = 403,42979$
b) $g\left(\frac{2}{3}\right) = 4,641589$
c) $g\left(\frac{3}{2}\right) = 31,622776$
d) $h(0) = 3$
e) $j(-2) = 0,00001$
f) $j(2) = 1.000$
g) $y = \frac{4}{3}$

Ejercicio 2.

- a) $y = \left(\frac{3}{2}\right)^x$ b) $y = 3^x$ c) $y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$

Ejercicio 3.

a) Gráfico:



Punto de corte con el eje x: NO existe.

Punto de corte con el eje y: (0;1)

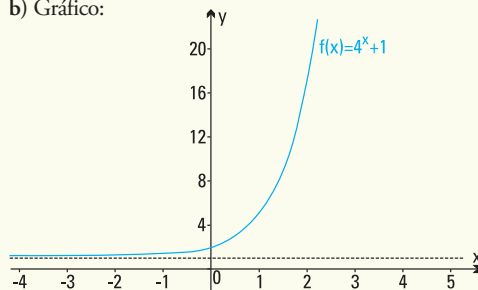
Comportamiento de la función para

$x \rightarrow +\infty$: $4^x \rightarrow +\infty$

Comportamiento de la función para

$x \rightarrow -\infty$: $4^x \rightarrow 0$

b) Gráfico:



Punto de corte con el eje x: NO existe.

Punto de corte con el eje y: (0;2)

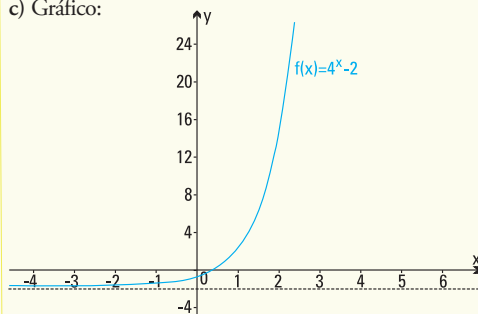
Comportamiento de la función para

$x \rightarrow +\infty$: $4^x + 1 \rightarrow +\infty$

Comportamiento de la función para

$x \rightarrow -\infty$: $4^x + 1 \rightarrow 1$

c) Gráfico:

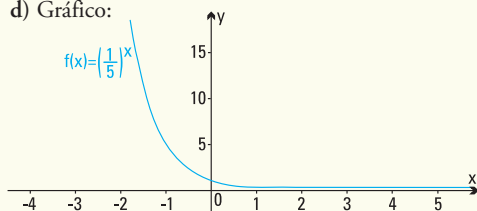


Punto de corte con el eje x: sí corta, aproximadamente en $x = 0,5$

Punto de corte con el eje y: (0;-1)

Comportamiento de la función para
 $x \rightarrow +\infty$: $4^x - 2 \rightarrow +\infty$
 Comportamiento de la función para
 $x \rightarrow -\infty$: $4^x - 2 \rightarrow -2$

d) Gráfico:



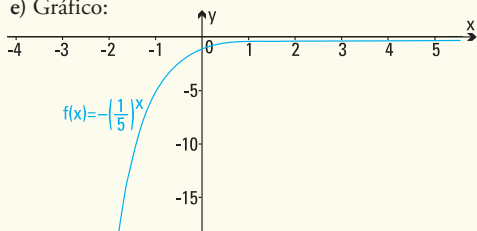
Punto de corte con el eje x : NO existe
 Punto de corte con el eje y : $(0,1)$
 Comportamiento de la función para

$$x \rightarrow +\infty: \left(\frac{1}{5}\right)^x \rightarrow 0$$

Comportamiento de la función para

$$x \rightarrow -\infty: \left(\frac{1}{5}\right)^x \rightarrow +\infty$$

e) Gráfico:



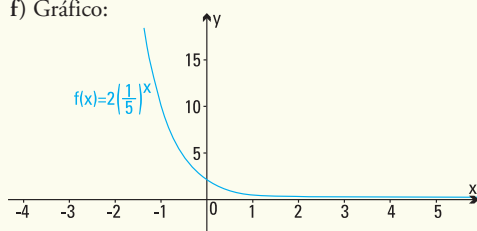
Punto de corte con el eje x : NO existe
 Punto de corte con el eje y : $(0,-1)$
 Comportamiento de la función para

$$x \rightarrow +\infty: -\left(\frac{1}{5}\right)^x \rightarrow 0$$

Comportamiento de la función para

$$x \rightarrow -\infty: -\left(\frac{1}{5}\right)^x \rightarrow -\infty$$

f) Gráfico:



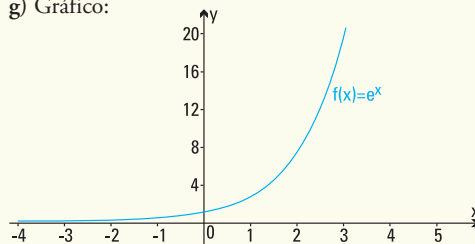
Punto de corte con el eje x : NO existe
 Punto de corte con el eje y : $(0,2)$
 Comportamiento de la función para

$$x \rightarrow +\infty: 2\left(\frac{1}{5}\right)^x \rightarrow 0$$

Comportamiento de la función para

$$x \rightarrow -\infty: 2\left(\frac{1}{5}\right)^x \rightarrow +\infty$$

g) Gráfico:

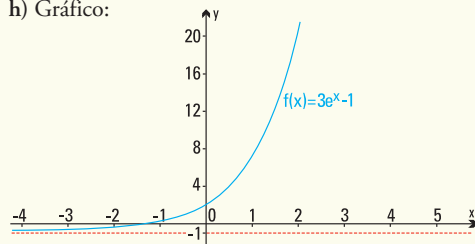


Punto de corte con el eje x : NO existe.
 Punto de corte con el eje y : $(0,1)$

Comportamiento de la función para
 $x \rightarrow +\infty$: $e^x \rightarrow +\infty$

Comportamiento de la función para
 $x \rightarrow -\infty$: $e^x \rightarrow 0$

h) Gráfico:



Punto de corte con el eje x : $(-1,098;0)$

Punto de corte con el eje y : $(0;2)$

Comportamiento de la función para

$$x \rightarrow +\infty: 3e^x - 1 \rightarrow +\infty$$

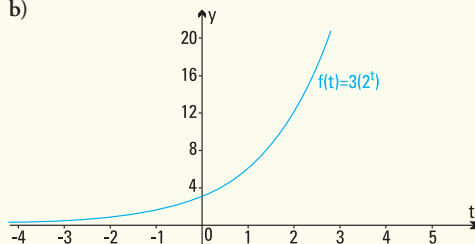
Comportamiento de la función para :

$$x \rightarrow -\infty: 3e^x - 1 \rightarrow -1$$

Ejercicio 4.

a) $f(t) = 3 \cdot 2^t$

b)



Ejercicio 5. Satisface la fórmula $f(t) = 60.2^{-0,02t}$

a) Inicio del proceso: 60

b) Después de 500 años: 0,05859375

c) Después de 1.000 años: 0,00005722045898

d) Después de 2.000 años:
 0,00000000005456968210

Ejercicio 6.

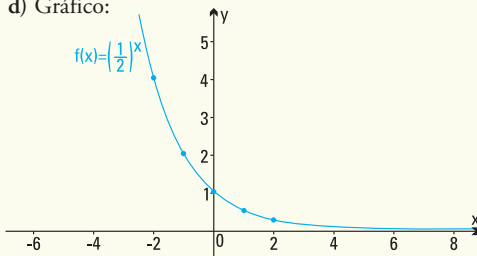
- a) Valor equipo original U\$S 5.000
b) Valor después de 5 años: U\$S 3.032,65

Ejercicio 7.

a)

Tiempo (años)	1	2	3	4	5	6	7
Sustancia (g)	0.5	0.25	0.125	0.062	0.031	0.015	0.007

- b) Función exponencial que representa el proceso:
 $f(x) = (0,5)^x$
c) Función exponencial decreciente de base $a = 0,5$
d) Gráfico:



Ejercicio 8.

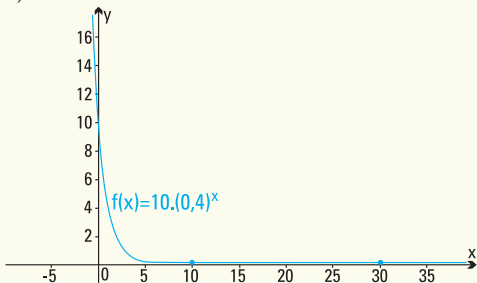
- a) $N(22) = 14.061$ ballenas
b) $N(32) = 22.498$ ballenas
c) Tasa de crecimiento: 0,047
d) $N(t) = 600 \cdot e^{0,07t}$

Ejercicio 9.

- a) $D(8) = 1,6777$ mg
b) En la primera hora se elimina el 20%

Ejercicio 10.

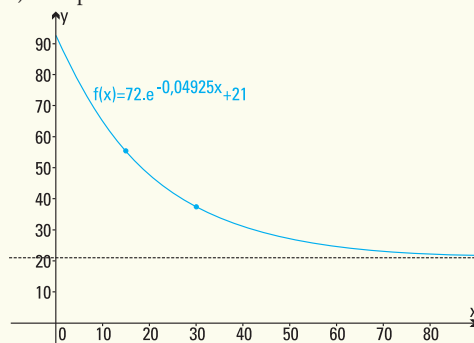
- a) $E(2) = 1,6 \frac{\text{cal}}{\text{cm}^2 \text{s}}$
b) La energía E es decreciente, función exponencial con base $a = 0,4$
c) Gráfico



Ejercicio 11.

- a) Aproximadamente 55°C
b) Aproximadamente 37°C

c) Temperatura mínima 21°C



Ejercicio 12.

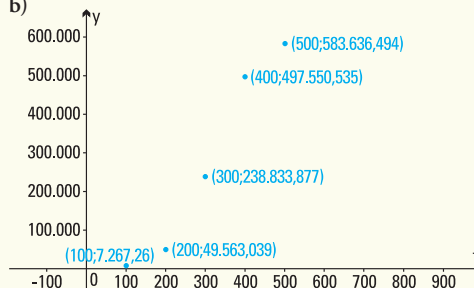
- a) $P(0) = 325$ kg.
b) $P(3) = 563,68$ kg.
c) $P(50) = 2.509,35$ kg.; $P(70) = 2.579,58$ kg.,
el modelo es válido.

Ejercicio 13.

a)

t (días)	0	100	200	300	400	500
N (moscas)	1.000	7.311	50.121	241.471	499.608	584.115

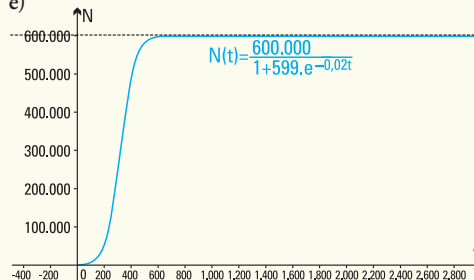
b)



- c) $N(1.000) = 599.999$, $N(10.000) = 600.000$,
 $N(100.000) = 600.000$ (los valores de $N(10.000)$ y $N(100.000)$ son los que presenta la calculadora pero en realidad los valores de $N(t)$ nunca alcanzan los 600.000).

- d) $t \geq 0$, $N(t) \in [1.000, 600.000)$

e)



Ejercicio 14.

- a) $R(100) = 7,64 \text{ t/ha}$, $R(200) = 8,93 \text{ t/ha}$, $R(300) = 9,52 \text{ t/ha}$
 b) No es conveniente pues se agregan muchos kg/ha de nitrógeno y los rendimientos aumentan sólo en 0,1 o 0,2 t/ha

Ejercicio 15.

- a) $N(0) = 4$ abejas
 b) $N(28) = 229$; $N(60) = 230$ (los valores de $N(28)$ y $N(60)$ son los que presenta la calculadora pero en realidad los valores de $N(t)$ nunca alcanzan los 230).
 c) El número de abejas cuando $t \rightarrow \infty$ es 230.

■ Capítulo 6

Resultado de los modelos

1) Antigüedad: 19.034 años.

Resultados de los ejercicios.

Ejercicio 1.

- a) e b) 2 c) 256 d) No es posible, no existe $\log_2 0$
 e) No es posible, no existe $\log_{-3} 9$ f) 1 g) 1
 h) No es posible, no existe $\log_{-5} 1$ i) e

Ejercicio 2.

- a) $x = 0$ b) $x = -\frac{8}{3}$ c) $x = 16$
 d) $x = 2,07$ e) $x = 8,08$ f) $x = 3,89$
 g) $x = 10,5$ h) No existe solución. i) $x = 4,5$
 j) $x = 1$ k) $x = 4$ l) $x = 200,02$

Ejercicio 3.

- a) 3,3 b) 1,3 c) 1,15 d) 4,6

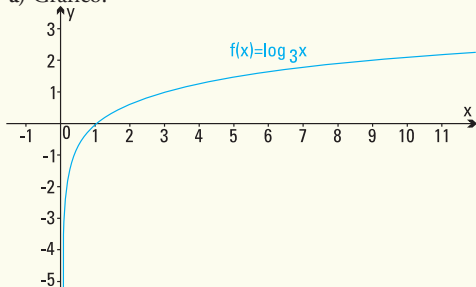
Ejercicio 4.

- a) $f(x) = \log_{\frac{2}{3}} x$ b) $f(x) = \log_{\sqrt{3}} x$

Ejercicio 5.

Grafica, en un mismo sistema de coordenadas, las funciones:

- a) Gráfico:



Punto de corte con el eje x : (1;0).

Punto de corte con el eje y : NO existe

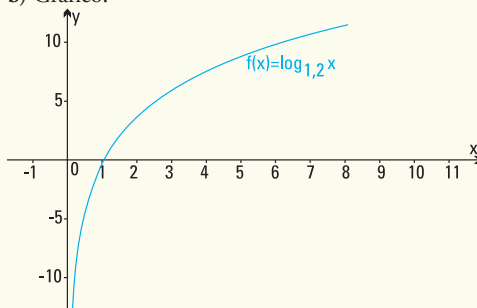
Comportamiento de la función para

$x \rightarrow +\infty$: $\log_3 x \rightarrow +\infty$

Comportamiento de la función para

$x \rightarrow 0^+$: $\log_3 x \rightarrow -\infty$

- b) Gráfico:



Punto de corte con el eje x : (1;0).

Punto de corte con el eje y : NO existe

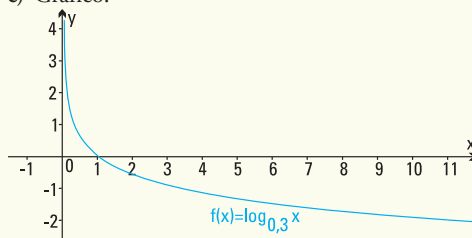
Comportamiento de la función para

$x \rightarrow +\infty$: $\log_{1,2} x \rightarrow +\infty$

Comportamiento de la función para

$x \rightarrow 0^+$: $\log_{1,2} x \rightarrow -\infty$

- c) Gráfico:



Punto de corte con el eje x : (1;0).

Punto de corte con el eje y : NO existe

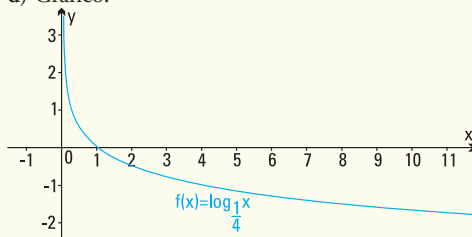
Comportamiento de la función para

$x \rightarrow +\infty$: $\log_{0,3} x \rightarrow -\infty$

Comportamiento de la función para

$x \rightarrow 0^+$: $\log_{0,3} x \rightarrow +\infty$

- d) Gráfico:



Punto de corte con el eje x : (1;0).

Punto de corte con el eje y : NO existe

Comportamiento de la función para:
 $x \rightarrow +\infty : \log_{\frac{1}{4}} x \rightarrow -\infty$

Comportamiento de la función para:
 $x \rightarrow 0^+ : \log_{\frac{1}{4}} x \rightarrow +\infty$

Ejercicio 6.

a. $b = 1$ y ambos valores positivos.

Ejercicio 7.

- c) 617,09 ppm
- d) En el año 2097 aproximadamente.

Ejercicio 8.

Vida media del material radioactivo, aproximadamente, 279 años y seis meses.

Ejercicio 9.

- c) Valor original del equipo U\$S5.000
- d) El dueño el equipo en su poder aproximadamente 10 años y dos meses.

Ejercicio 10.

- a) Los tomates son ácidos
- b) La leche es ácida
- c) Concentración de iones de hidrógeno de la manzana
 $[H^+] = 0,001$
- d) Para inhibir población de bacterias
 $[H^+] = 0,0003162$

Ejercicio 11.

11 minutos, aproximadamente

Ejercicio 12.

- c) El terremoto de Cauce fue 100 veces más intenso que el registrado en 1973 (Salta y Jujuy).
- d) El terremoto de San Francisco fue 158 veces más intenso que el de Papúa.

Ejercicio 13.

- a) Altura del árbol en el primer mes: 25 cm.
- b) Altura del árbol a los 4 meses: 66 cm aproximadamente.
- c) Para que el árbol alcance una altura de 2 metros deberán transcurrir 30 años y 9 meses, aproximadamente.

Ejercicio 14.

El tiempo que tardará la colonia en triplicar su número será de 4 horas 45 minutos.

Ejercicio 15.

Profundidad descendida 1,76 metros, aproximadamente.

Ejercicio 16.

- a) Número de habitantes en 1980: 2.857 habitantes
- b) Número de habitantes en 2000: 8.000 habitantes
- c) Debe transcurrir para que hayan 18.000 habitantes en la isla, aproximadamente, 57 años y 6 meses.

Ejercicio 17.

- e) $I_p = 10$
- f) $I_p = 30$
- g) $I_p = 40$
- h) El sonido producido I debe ser $1.258925411 \cdot 10^{14}$ veces más intenso que I_0 .

■ Capítulo 7

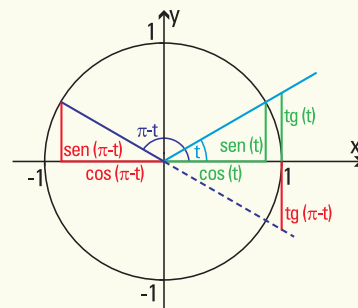
Resultado de los modelos

- 1) $f(x) = 1,5 \operatorname{sen}(0,47x - 0,78) + 3$
- 2) Largo del puente: 75,88 metros.

Resultado de los ejercicios

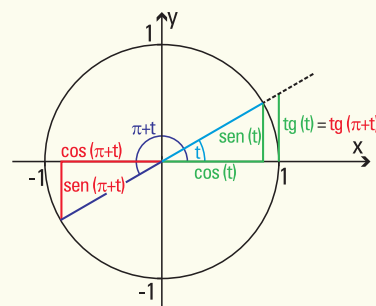
Ejercicio 1.

$$\begin{aligned} \operatorname{sen}(\pi - t) &= \operatorname{sen} t \\ \cos(\pi - t) &= -\cos t \\ \operatorname{tg}(\pi - t) &= -\operatorname{tg} t \\ \operatorname{cotg}(\pi - t) &= -\operatorname{cotg} t \\ \sec(\pi - t) &= -\sec t \\ \operatorname{cosec}(\pi - t) &= \operatorname{cosec} t \end{aligned}$$



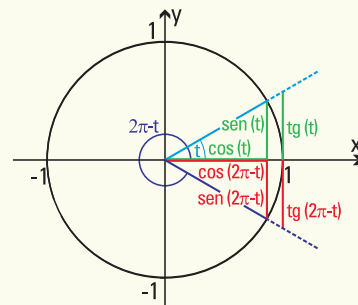
Ejercicio 2.

$$\begin{aligned} \operatorname{sen}(\pi + t) &= -\operatorname{sen} t \\ \cos(\pi + t) &= -\cos t \\ \operatorname{tg}(\pi + t) &= \operatorname{tg} t \\ \operatorname{cotg}(\pi + t) &= \operatorname{cotg} t \\ \sec(\pi + t) &= -\sec t \\ \operatorname{cosec}(\pi + t) &= -\operatorname{cosec} t \end{aligned}$$



Ejercicio 3.

$$\begin{aligned} \operatorname{sen}(2\pi - t) &= -\operatorname{sen} t \\ \cos(2\pi - t) &= \cos t \\ \operatorname{tg}(2\pi - t) &= -\operatorname{tg} t \\ \operatorname{cotg}(2\pi - t) &= -\operatorname{cotg} t \\ \sec(2\pi - t) &= \sec t \\ \operatorname{cosec}(2\pi - t) &= -\operatorname{cosec} t \end{aligned}$$



Ejercicio 4.

El tercer ángulo mide $22^{\circ} 30' = \frac{\pi}{8}$ radianes

Ejercicio 5.

- a) AC = 18 cm
- b) BC = 26,91 cm
- c) $\gamma = 48^{\circ}$

Ejercicio 6.

- a) MN = 5,3 cm
- b) $\hat{MNO} = 48^{\circ} 35' 25''$
- c) $\hat{MON} = 41^{\circ} 24' 35''$

Ejercicio 7.

Los otros dos lados miden 2 cm y 2,73 cm.

Ejercicio 8.

El tercer lado mide 2,4494 cm $\approx 2,45$ cm. Los ángulos restantes miden 75° y 45° , respectivamente.

Ejercicio 9.

El ángulo de elevación mide $64^{\circ} 53' 37''$

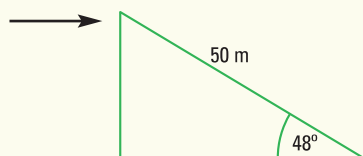
Ejercicio 10.

El ancho de la calle es de 10,07 m.

Ejercicio 11.

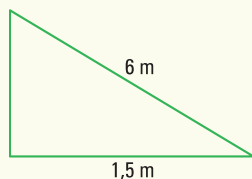
a) Esquema

b) 38,45 m

**Ejercicio 12.**

a) Esquema

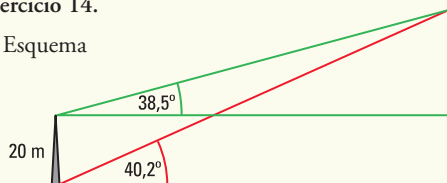
- b) La escalera forma con la pared un ángulo que mide $14^{\circ} 28' 39''$
- c) Llega hasta los 5,81 m de altura

**Ejercicio 13.**

La altura del árbol es de 9,6 m.

Ejercicio 14.

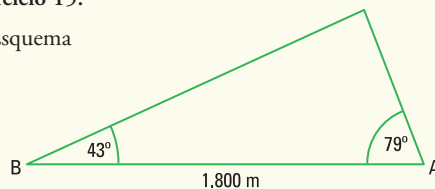
c) Esquema



d) La altura es de 34,054 m

Ejercicio 15.

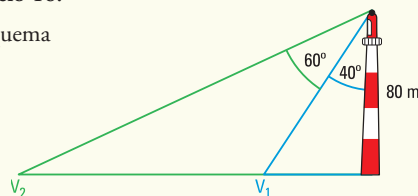
c) Esquema



d) La embarcación se encuentra a 1.420,96 m de la costa

Ejercicio 16.

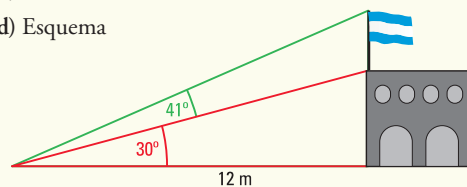
c) Esquema



d) Los separan 77,44 m

Ejercicio 17.

d) Esquema



e) 6,92 m

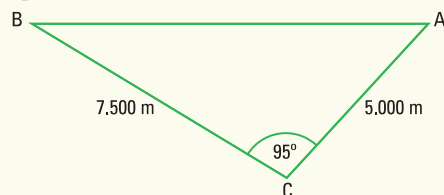
f) 3,51 m

Ejercicio 18.

La velocidad es de 177 m/min.

Ejercicio 19.

c) Esquema



d) 9.369 m

Ejercicio 20.

Debe ir el segundo guardabosques y caminar 1,59 km.

Ejercicio 21.

d) Descendió a 3.862,47 m del observador

e) Debió descender 2.230 m.